第16回 日本放射光学会 若手研究会 放射光サマースクール2024 —放射光科学×キャリアパス— S1-2「ベイズ計測と放射光科学」

東京大学·大学院新領域創成科学研究科 複雑理工学専攻

岡田真人 本講演のスライドは岡田研HPにて公開 https://mns.k.u⁻ tokyo.ac.jp/lab.html#overview

自己紹介

- ・大阪市立大学理学部物理学科 (1981 1985)
 アモルファスシリンコンの成長と構造解析
- 大阪大学大学院理学研究科(金森研)
 (1985 1987)
 - 希土類元素の光励起スペクトルの理論
- · 三菱電機 (1987 1989)
 - 化合物半導体(半導体レーザー)の結晶成長
- 大阪大学大学院基礎工学研究科生物工学(福島研)(1989 1996)

 - 畳み込み深層ニューラルネット
 - 情報統計力学(ベイズ推論と統計力学の数理的等価性)
- JST ERATO 川人学習動態脳プロジェクト (1996 2001)

 - 計算論的神経科学
- ・理化学研究所 脳科学総合研究センタ 甘利T(2001 04/06)
 ベイズ推論,機械学習,データ駆動型科学
- 東京大学・大学院新領域創成科学研究科 複雑理工学専攻
 「情報統計力学、データ駆動科学 (2004/07)

内容

- ・自己紹介
- ・SPring-8全ビームラインベイズ化計画
- ・データ駆動科学の三つのレベル
- ・ベイズ計測
 - 計測科学の必須条件
 - ベイズ計測三種の神器
 - y=ax+bのベイズ計測の解析的取り扱い
- ・非線形系にするベイズ計測

- スペクトル分解、メスバウアー分光、小角散乱

- ・ベイズ計測とキャリアパス
- ・まとめと今後の展開

SPring-8全ビームラインベイズ化計画 敬称略

			詰却と故射光研究者のマッチング	
 BL23SU JAEA 重元素科学 II (日本原子力研究開発機構) BL23SU JAEA 重元素科学 II (日本原子力研究開発機構) 		JAEA 重元素科学 I BL22XU ● (日本原子力研究開發機構)		リ九日リマノノノノ
● BL24XU 共庫県ID (共庫県) → BI 25SII 教乂線国体分光	<pre></pre>	医学・イメージング I BL20B2 ★		
◆ BL26B1 理研 構造ゲノム I		医学・イメージング II BL20XU ★	メスハワドー	
◆ BL26B2 理研 構造ゲノム II		產業利用 I BL19B2 ★		
★ BL27SU 軟X線光化学		理研 物理科学 II BL19LXU ◆	BL35XU	向出饼学生+同开
● BL28XU 先端蓄電池基盤技術開発				
★ <u>BL28B2</u> 白色X線回折 (京都大学)		<u>サンビームBM BL16B2</u> (産業用専用ビームライン建設利用共同体)	小在地红	
◆ BL29XU 理研 物理科学 I	27 26 25 24	サンビームID BL16XU ●	小用舣乱	
● <u>BL31LEP レーザー電子光 II</u> 0000000000000000000000000000000000	9 28 27 24 23 22	(産業用専用ビームライン建設利用共同体)		
◆ BL32XU 理研ターゲットタンパク 31	21	理研 物質科学 III BL15XU ◆	BI 08B2	尚田研字生+桑本
◆ BL32B2 施設開発BM 32	19		220022	
● BL33XU 豊田 (豊田中央研究所) 33		QST 極限量子ダイナミクス II BL14B1 (量子利学技術研究開発機構) ●	RI 10R2	
○ BL33LEP レーザー電子光	17	↓//表面界面構造解析 BL13XU ★	DEIJDZ	
(大阪大学核物理研究センター)	16	NSRRC BM BL12B2		
★ BL35XU 非弾性・核共鳴散乱 // 36 // 36		(台湾 NSRRC) NSRRC ID BL 12YIL ●	XAS 測定	
◆ BL36XU 理研 物質科学 II 37	14	(台湾 NSRRC)		
★ BL37XU 分光分析 38 ビームラ	イン総数 : 62本 13	QST 極限量子タイナミクス I BL11XU (量子科学技術研究開発機構) ●	RI 37XII	岡田研学生+水牧
◆ BL38B1 理研 構造生物学 I		高圧構造物性 BL10XU ★	DLJIXO	岡田町ナエ・小校
◆ BL38B2 施設診断ビームライン ・長直線	部(30m): 4本 (—) 11/2	HAXPES BLO9XU *		
◆ BL 30YU 磁性材料 ····································	磁石 :24本(——) 10/	兵庫県BM (兵庫県) BL08B2 ●	DLJANO	
★ BL40AU 高フラックス → BL40B2 様法生物学 II	9/	・ 高エネルギー非弾性散乱 BL08W ★		
★ BL41XII 構造生物学 I	8	東京大学放射光アウトステーション物質科学 BL07LSU ●	- 七ヶ自ナ-ソ스 ㅋ+ギ	_~ の 屈 問
★ BL431B 赤外物性	6	(東京大学) 施設開発ID BL05XU ◆	<u> </u>	
◆ BL43LXU 理研 量子ナノダイナミクス 45 46	6 17 4 5	高エネルギーX線回折 BL04B2 ★		
● BL44XU 生体超分子複合体構造解析	41 48 1 2 3	高温高圧 BL04B1 ★	時公割VPD	
(大阪大学蛋白質研究所)	No. No 7[コンティアソフトマター開発産学連合 BL03XU ●	「「「」」「「」、「」」、「」」	
▼ <u>BL44B2 </u> 理研 初頁科子] ★ <u>BL45YII 構造</u> 生物学 III		フロンティアソフトマター開発専用ビームライン産学連合体)		
★ BL46YII 産業利田 III	中央管理棟	(初本前期1月2月17) BLU2B2 ▲ 尚結島構造解析 PL02B1 ★	DLVZDZ	1
★ BL47XU マイクロCT		XAFS BL01B1 ★		
			BL10XU	ㅋ 茈 . 사 는 누 ㅋ ㅜ 누

赤色BLが共用BL(JASRI担当):計26本

全BL本数:62本

年度	2021	2022	2023
導入	2	8	14
全BL	26	26	26

SPring 8



- ・ベイズ計測を、SPring-8に導入するメリット はあるのだろうか?
- ベイズ計測は、日々行われているデータ解析のうち、ヒトにより恣意的に行われてきた、モデル選択とデータ統合を、パラメーターフィットと同じ枠組みで取り扱える
- ・ベイズ系をSPring-8に導入することで、これ までのデータ解析とは質的に異なるメリットを 得られる

内容

- ・自己紹介
- ・SPring-8全ビームラインベイズ化計画
- ・データ駆動科学の三つのレベル
- ・ベイズ計測
 - 計測科学の必須条件
 - ベイズ計測三種の神器
 - y=ax+bのベイズ計測の解析的取り扱い
- ・非線形系にするベイズ計測

- スペクトル分解、メスバウアー分光、小角散乱

- ・ベイズ計測とキャリアパス
- ・まとめと今後の展開

データ駆動科学の三つのレベル(2016)

計算理論(対象の科学,計測科学)

データ解析の目的とその適切性を議論し,実行可能な方法の論理(方略)を構築

モデリング(統計学,理論物理学,数理科学)

計算理論のレベルの目的, 適切さ, 方略を元に, 系をモデ ル化し, 計算理論を数学的に表現する

表現・アルゴリズム(統計学, 機械学習, 計算科学) モデリングの結果得られた計算問題を, 実行するのための アルゴリズムを議論する.

Igarashi, Nagata, Kuwatani, Omori, Nakanishi-Ohno and M. Okada, "Three Levels of Data-Driven Science", *Journal of Physics: Conference Series*, 699, 012001, 2016.



(五十嵐,竹中,永田,岡田,*応用統計学*,2016)

ベイス的スペクトル分解: Kをどう選ぶか



Nagata, Sugita and Okada, Bayesian spectral deconvolution with the exchange Monte Carlo method, *Neural Network*s 2012

スペクトル分解の三つのレベル (1/2)

スペクトル分解の計算理論

データ解析の目的:多峰性スペクトルから背後にある離散 電子のエネルギー準位を推定する

データ解析の適切さ:多峰性スペクトルを単峰性関数の線 形和で表し、その単峰性関数の個数を推定する。 誤差関数の最小化では、単峰性関数が多い方が誤差 関数は小さい。そこで統計学の交差検証誤差やベイズ 的モデル選択で単峰性関数の数*K*を決める。

スペクトル分解のモデリング

多峰性スペクトルを単峰性関数の線形和に観測ノイズが付 加されれて生成するとモデリングする

スペクトル分解の三つのレベル (2/2)

スペクトル分解の表現・アルゴリズム

多峰性スペクトルを単峰性関数の線形和に観測ノイズが付加されれて生成するとモデリングし、ベイズ推論を適用することで、K個の単峰性関数の大きさ、位置、幅の事後確率を求める。各Kに対して、ベイズ的自由エネルギーを求め、ベイズ的自由エネルギーを最小にするKを求める。そのK個の単峰性関数の位置を、電子のエネルギー準位とする。

Igarashi, Nagata, Kuwatani, Omori, Nakanishi-Ohno and M. Okada, "Three Levels of Data-Driven Science", *Journal of Physics: Conference Series*, 699, 012001, 2016. Nagata, Sugita and M. Okada, "Bayesian spectral deconvolution with the exchange Monte Carlo method", *Neural Networks*, 28, 82-89 2012.

内容

- 自己紹介
- SPring-8全ビームラインベイズ化計画
- データ駆動科学の三つのレベル
- ベイズ計測
 - -計測科学の必須条件
 - ベイズ計測三種の神器
 - y=ax+bのベイズ計測の解析的取り扱い
- ・非線形系にするベイズ計測

 - スペクトル分解、メスバウアー分光、小角散乱
- ベイズ計測とキャリアパス
- ・ まとめと今後の展開

計測科学の必須条件

- 数理モデルのフリーパラメータを決める
 系統的枠組み
- 複数モデルをデータだけから選択する
 系統的枠組み
- 同一物質に対する複数の計測データを 統合する系統的枠組み

ベイズ計測

- ・ベイズ推論のうち計測科学に重要な三つの要素からなる情報数理科学的体系で、その三要素はベイズ計測三種の神器と呼ばれる
- 1. 物理パラメータの確率分布推定
- 2. 同一データを説明する複数モデルをデータの みから選べるベイズ的モデル選択
- 3. 同一物質に対する複数の実験データを系統 的に統合するベイズ統合
- ・従来の最小二乗法によるパラメータフィットでは、1.の物理パラメータの点推定しか行えない
- ・パラメータフィットを超えて:ベイズ計測では、取り扱えることが質的に異なる

ベイズ計測の習得法

1. y=ax+bへの解析的計算の適用
 2. y=ax+bへの数値計算の適用
 3. 1.と2.の結果が一致するのを確認
 4. ベイズ的スペクトル分解
 5. 各課題に取り組む

内容

- 自己紹介
- SPring-8全ビームラインベイズ化計画
- データ駆動科学の三つのレベル
- ・ベイズ計測
 - 計測科学の必須条件
 - ベイズ計測三種の神器
 - *y=ax+b*のベイズ計測の解析的取り扱い
- 非線形系にするベイズ計測
 - ・スペクトル分解、メスバウアー分光、小角散乱
- ・ベイズ計測とキャリアパス
- ・まとめと今後の展開

ベイズ計測とは?
ベイズ推論

$$p(Y,a,b) = p(Y|a,b)p(a,b) = p(a,b|Y)p(Y)$$
 生成(因果律)
 $(a,b|Y) = \frac{p(Y|a,b)p(a,b)}{p(Y)} \propto \exp(-nE(a,b))p(a,b)$
 $p(a,b|Y) : 事後確率。データが与えられたもとでの$
 $h理_1^{S=J}-gomeareaa}$
 $p(a,b) : 事前確率。あらかじめ設定しておく必要がある。
これまで蓄積されてきた科学的知見$

バイズ計測三種の神器
1.物理パラメータの事後確率分布定
2. モデル選択
3. データ統合



傾きa: 系の線形応答、バネ定数、電気伝導度、誘電率

ベイズ計測の利点 y=ax+bの取り扱いを通じて



この二つの推定精度の違いを数学的に表現したい 準備として従来手法の最小二乗法

$$y=ax+bの最小二乗法$$

 $E(a,b) = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} (y_i - (ax_i + b))^2$

二乗誤差
$$E(a,b)$$
を最小にするようにパラメータをフィット(最小二乗法)
 $\overline{x} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} x_i = 0$ とする場合
 $E(a,b) = \frac{1}{2} \left(\overline{x^2} \left(a - \frac{\overline{xy}}{\overline{x^2}} \right)^2 + (b - \overline{y})^2 - \frac{\overline{xy^2}}{\overline{x^2}} - \overline{y^2} + \overline{y^2} \right)$ $a_0 = \frac{\overline{xy}}{\overline{x^2}}$ $b_0 = \overline{y}$
 $= \mathcal{E}_a(a) + \mathcal{E}_b(b) + E(a_0, b_0) \ge E(a_0, b_0)$
平均: $\overline{y} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} y_i$, 分散: $\overline{x^2} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} x_i^2$
 $\overline{xy} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} x_i y_i$

ベイズの定理による
神器1: パラメータの事後確率推定 (1/4)
$$p(Y,a,b) = p(Y|a,b)p(a,b) = p(a,b|Y)p(Y)$$

($a,b|Y$) = $p(Y|a,b)p(a,b) = p(a,b|Y)p(Y)$
($a,b|Y$) = $\frac{p(Y|a,b)p(a,b)}{p(Y)} \propto \exp(-nE(a,b))p(a,b)$
 $p(a,b|Y)$:事後確率。データが与えられたもとでの、パラメータの確率.
 $p(a,b)$:事前確率。あらかじめ設定しておく必要がある。

/ これまで蓄積されてきた科学的知見

神器1: パラメータの事後確率推定 (2/4)

 $y_i = ax_i + b + n_i$

$$p(n_i) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma}} \exp\left(-\frac{n_i^2}{2\sigma^2}\right)$$

$$p(n_i) = p(y_i|a, b) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma}} \exp\left(-\frac{(y_i - (ax_i + b))^2}{2\sigma^2}\right)$$

$$p(Y|a,b) = \prod_{i=1}^{N} p(y_i|a,b)$$
$$= \left(\frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma}}\right)^N \exp\left(-\frac{\sum_{i=1}^{N} (y_i - (ax_i + b))^2}{2\sigma^2}\right)$$
$$= \left(\frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma}}\right)^N \exp\left(-\frac{N}{\sigma^2}E(a,b)\right)$$

神器1: パラメータの事後確率推定(3/4)

$$p(a,b|Y) = \frac{p(Y|a,b)p(a,b)}{p(Y)} \propto p(Y|a,b)$$

$$= \exp\left\{-\frac{N}{\sigma^2}\left(\mathcal{E}_a(a) + \mathcal{E}_b(b) + E(a_0,b_0)\right)\right\}$$

$$\propto \exp\left\{-\frac{N}{\sigma^2}\left(\mathcal{E}_a(a) + \mathcal{E}_b(b)\right)\right\}$$

$$= \exp\left\{-\frac{N\overline{x^2}}{2\sigma^2}(a-a_0)^2 + \frac{N}{2\sigma^2}(b-b_0)^2\right\}$$

神器1: パラメータの事後確率推定(4/4)





神器1:パラメータの事後確率推定 ノイズ分散推定



$$p(\sigma^{2}|Y) \propto \int dadb \, p(Y|a, b, \sigma^{2}) \\ = \left(\frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma^{2}}}\right)^{N} \int dadb \exp\left\{-\frac{N}{\sigma^{2}}E(a, b)\right\} \\ = \left(\frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma^{2}}}\right)^{N} \left\{\exp\left(-\frac{N}{\sigma^{2}}E(a_{0}, b_{0})\right) + \int da \exp\left(-\frac{N\overline{x^{2}}}{2\sigma^{2}}(a - a_{0})^{2}\right) + \int db \exp\left(-\frac{N}{2\sigma^{2}}(b - b_{0})^{2}\right)\right\} \\ = \left(2\pi\sigma^{2}\right)^{-\frac{N-2}{2}} \left(N^{2}\overline{x^{2}}\right)^{\frac{1}{2}} \exp\left(-\frac{N}{\sigma^{2}}E(a_{0}, b_{0})\right)$$
(25)

$$\sigma^{2} = \frac{NE(a_{0}, b_{0})}{N-2} = \frac{1}{N-2} \sum_{i=1}^{N} \{y_{i} - (a_{0}x_{i} + b_{0})\}^{2}$$



モデル選択できる理由:汎化誤差は観測ノイズに依存する

神器2: ベイズ的モデル選択
1. 欲しいのは
$$p(K|Y)$$

2. θ がないぞ
3. $p(K,\theta,Y)$ の存在を仮定
 $p(K,\theta,Y) = p(Y|\theta,K)p(K)$
 $p(Y|\theta,K) = \prod_{i=1}^{n} p(y_i|\theta) \propto \exp(-nE(\theta))$
4. 無駄な自由度の系統的消去:周辺化,分配関数
 $p(K,Y) = \int p(K,\theta,Y)d\theta$
 $p(K|Y) = \frac{p(Y|K)p(K)}{p(Y)} \propto p(K)\int \exp(-nE(\theta))p(\theta)d\theta$
 $F(K) = -\log\int \exp(-nE(\theta))p(\theta)d\theta$
自由エネルギーを最小にするモデルKを求める.

モデル選択: 自由エネルギー差





•
$$K = 1 : y = ax$$

• K = 2 : y = ax + b

$$F(K=1) = N\left\{\frac{1}{\sigma^2}E(a_0) + \frac{\log N}{2N}\right\}$$
$$F(K=2) = N\left\{\frac{1}{\sigma^2}E(a_0, b_0) + \frac{\log N}{N}\right\}$$

データのみからモデルを選択できる

まとめ: ベイズ計測三種の神器 y=ax+bの解析取り扱いを通じて

- ・従来の最小二乗法
 ・1.物理パラメータの点推定
- ・ベイズ計測
- 1. 物理パラメータの確率分布推定
- 2. データからのベイズ的モデル選択
- 3. ベイズ統合: 今回は説明を省略
 - •水牧先生の基調講演

内容

- 自己紹介
- ・SPring-8全ビームラインベイズ化計画
- データ駆動科学の三つのレベル
- ・ベイズ計測
 - 計測科学の必須条件
 - ベイズ計測三種の神器
 - *y=ax+b*のベイズ計測の解析的取り扱い
- ・非線形系にするベイズ計測
 - •スペクトル分解、メスバウアー分光、小角散乱
- ・ベイズ計測とキャリアパス
- ・まとめと今後の展開

ベイズ的スペクトル分解



Nagata, Sugita and Okada, Bayesian spectral deconvolution with the exchange Monte Carlo method, *Neural Network*s 2012

スペクトル分解の定式化

ガウス関数(基底関数)の足し合わせにより、スペクトルデータを近似



二乗誤差を最小にするようにパラメータをフィット(最小二乗法)

$$E(\theta) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} \left(y_i - f(x_i; \theta) \right)^2$$

32

スペクトル分解従来法: 最急降下法 誤差関数は局所解を持つ





モデル選択:自由エネルギーの導入
1. 欲しいのは
$$p(K|Y)$$

2. θ がないぞ
3. $p(K,\theta,Y)$ の存在を仮定
 $p(K,\theta,Y) = p(Y|\theta,K)p(K)$
 $p(Y|\theta,K) = \prod_{i=1}^{n} p(y_i|\theta) \propto \exp(-nE(\theta))$
4. 無駄な自由ⁱ度の系統的消去:周辺化,分配関数
 $p(K,Y) = \int p(K,\theta,Y)d\theta$
 $p(K|Y) = \frac{p(Y|K)p(K)}{p(Y)} \propto p(K)\int \exp(-nE(\theta))p(\theta)d\theta$
 $F(K) = -\log\int \exp(-nE(\theta))p(\theta)d\theta = E-TS$
自由エネルギーを最小にする個数 Kを求める.



Nagata, Sugita and Okada, Bayesian spectral deconvolution with the exchange Monte Carlo method, *Neural Networks* 2012

計測限界の理論的取り扱い(4/9) (Nagata *et al.* 2019)



計測限界の理論的取り扱い(6/9) (Nagata *et al.* 2019) ベイズ計測: ベイズ推論によって, ピーク位置のベイズ事後確率を計算





計測限界の理論的取り扱い(8/9) (Nagata *et al.* 2019)



ここまで

計測限界の理論的取り扱い (9/9) (Nagata *et al.* 2019)

ベイズ計測: ベイズ推論によって, ピーク位置のベイズ事後確率を計算 戦略目標: 計測限界を定量的に評価できる枠組みの提案





内容

- 自己紹介
- ・SPring-8全ビームラインベイズ化計画
- データ駆動科学の三つのレベル
- ・ベイズ計測
 - ・計測科学の必須条件
 - ベイズ計測三種の神器
 - *y=ax+b*のベイズ計測の解析的取り扱い
- ・非線形系にするベイズ計測
 - •スペクトル分解、メスバウアー分光、小角散乱
- ・ベイズ計測とキャリアパス
- ・まとめと今後の展開



東京大学大学院 理学系研究科 森口椋太 公益財団法人高輝度光科学研究センター 筒井智嗣 東京大学大学院 新領域創成科学研究科 片上舜 国立研究開発法人物質材料研究機構 永田賢二 熊本大学大学院 先端科学研究部 水牧仁一朗 東京大学大学院 新領域創成科学研究科 岡田真人

Moriguchi, Tsutsui, Katakami, Nagata, Mizumaki and Okada, Journal of the Physical Society of Japan, 91,W104002 (2022)

メスバウアー分光 (1/7)

メスバウアー分光:物質中の原子核の吸収スペクトルを測定

→物質中の原子核周りの内部磁場や電子状態を測定









相互作用による吸収スペクトルの変化



従来はスペクトルの形から相互作用を考えていたため専門家でないと解析が困難

メスバウアー分光 (3/7)

スペクトルに関係する3つのハミルトニアン

- 核ゼーマン相互作用: H_{M3/2}, H_{M1/2}
- •四極子相互作用: H_{Q3/2}, H_{Q1/2}
- 異性体シフト: *H*_c



$$\begin{split} \mathbf{\widehat{A}} & \mathbf{\widehat{A}} | \mathbf{$$

メスバウアー分光 (4/7)

尤度と事後分布の設定 物理モデル $F(x;\Theta) = \sum_{k}^{K} f(x;\Theta_{k})$ $p(\Theta|D) \propto \exp\left(-\frac{n}{\sigma^2}\beta E(\Theta)\right)\varphi(\Theta)$ 事後分布 $E(\Theta) = \sum_{i=1}^{n} \frac{1}{2n} \left(y_i - F\left(x_i; \Theta \right) \right)^2$ $\varphi(\Theta)$ 事前分布 $f(x;\Theta_k) := \sum_{k \in I} r_k \times \frac{1}{\pi} \frac{INT_{i,j,k} \times \gamma_k}{\left(x - E_{i,j,k} - E_{shift,k}\right)^2 + \gamma_k}$

事前分布詳細

Γの事前分布はガンマ分布,その他は一様分布

 $A: \text{Uniform}(-1, 1), B_{hf}: \text{Uniform}(0, 10), \eta: \text{Uniform}(0, 1), \theta: \text{Uniform}(0, \pi), \\ \phi: \text{Uniform}(0, 2\pi), E_{\text{center}}: \text{Uniform}(-1.0, 2.5), r: \text{Uniform}(0.0, 1.0), \Gamma: \text{Gamma}(1.5, 1.5)$



Posterior probability (Red line: true values)

Result of fitting





メスバウアー分光 (6/7) ハミルトニアン選択

核ゼーマン相互作用なし(H_c+H_Q+H_M)の数値実験





Moriguchi, Tsutsui, Katakami, Nagata, Mizumaki and Okada, *JPSJ*, 91,W104002 (2022)

内容

- 自己紹介
- ・SPring-8全ビームラインベイズ化計画
- データ駆動科学の三つのレベル
- ・ベイズ計測
 - ・計測科学の必須条件
 - ベイズ計測三種の神器
 - *y=ax+b*のベイズ計測の解析的取り扱い
- ・非線形系にするベイズ計測
 - ・スペクトル分解、メスバウアー分光、小角散乱
- ・ベイズ計測とキャリアパス
- ・まとめと今後の展開

小角散乱法データを用いた 試料パラメータのベイズ推論

林悠偉^A, 片上舜^A, 桑本滋生^B, 永田賢二^C, 水牧仁一朗^B, 岡田真人^A

東大新領域^A高輝度光科学研究也^B物材機構^C

Hayashi, Katakami, Kuwamoto, Nagata, Mizumaki, and Okada, "Bayesian Inference for Small-Angle Scattering Data", *Journal of the Physical Society of Japan* 92(9) (2023).

小角散乱 (1/6)

試料にビームを照射し、小さい角度の散乱強度から







- ・試料パラメータ推定に勾配法などを用いているために、局所解が得られることが多い。
 →何度もパラメータの初期値を変えて対処している.
- 解析に用いる散乱強度モデルが予め分からないと 解析できない。

→フィッティングの二乗誤差や経験則を基にモデル 選択している. 本研究の目的

2つの従来法の課題をベイズ計測を応用し解決する.



モデルKの事後確率:
$$p(K|D) = \frac{\int p(D,\Theta,K)d\Theta}{\sum_{K} \int p(D,\Theta,K)d\Theta}$$

= $\frac{\exp(-F(K))\varphi(K)}{\sum_{K} \exp(-F(K))\varphi(K)}$

事前分布 $\phi(\Theta)$:事前知識を基に設定



小角散乱 (6/6)

ベイズ計測の適用例

東京大学 岡田研究室

- ・ 事後分布推定 and/or モデル選択
 - 1. スペクトル分解
 - 2. X線光電子放出スペクトル(XPS)
 - 3. X線吸収スペクトル(XAS)
 - 4. メスバウアー分光
 - 5. X線小角散乱スペクトル
 - 6. NMR
 - 7. 中性子非弾性散乱スペクトル
 - 8. 比熱
 - 9. 帯磁率
- ベイズ統合
 - 1. XPSEXAS
 - 2. 比熱と帯磁率

熊本大学 赤井研究室

事後分布推定 and/or モデル選択
 1. フォトルミネッセンススペクトル

熊本大学 水牧研究室

事後分布推定 and/or モデル選択
 1. XRD

ベイズ計測の枠組みは様々な計測データに適用できる (シミュレーションはノートPCで実行できる場合が多い)

内容

- 自己紹介
- ・SPring-8全ビームラインベイズ化計画
- データ駆動科学の三つのレベル
- ・ベイズ計測
 - ・計測科学の必須条件
 - ベイズ計測三種の神器
 - *y=ax+b*のベイズ計測の解析的取り扱い
- ・非線形系にするベイズ計測
 - •スペクトル分解、メスバウアー分光、小角散乱
- ・ベイズ計測とキャリアパス
- ・まとめと今後の展開

ベイズ計測とキャリアパス (3/3) 放射光科学関連

- SPring-8全ンビームラインベイズ化計画により、アカデ ミアだけでなく民間企業でもベイズ計測を取り入れる動 きが急速に進んでいる。民間企業は動き出すとアカデミ アより早い。
- SPring-8/JASRIのような従来の計測サービス部門シ ーズと民間企業のニーズの乖離
- そこを埋めるために、新たな市場が形成

 a.s.ist(東大岡田研の学生が起業)
 https://www.a-s-ist.com/
- ベイズ計測を用いれば、自分のポジションは、自分が創 れる.

内容

- 自己紹介
- SPring-8全ビームラインベイズ化計画
- データ駆動科学の三つのレベル
- ・ベイズ計測
 - 計測科学の必須条件
 - ベイズ計測三種の神器
 - *y=ax+b*のベイズ計測の解析的取り扱い
- ・非線形系にするベイズ計測
 - ・スペクトル分解、メスバウアー分光、小角散乱
- ・ベイズ計測とキャリアパス
- ・まとめと今後の展開

まとめと今後の展望

- y=ax+bを例にベイズ計測とベイズ計測三種の 神器を解説。一般的な非線形の計測の紹介
- ベイズ計測の物性物理学への導入が大きなビジネスチャンス。
- ・ベイズ計測の普及戦略としてのSPring-8全ビー ムラインベイズ化計画
- 物理学全般を取り扱うことができるデータ駆動科
 学の枠組みの紹介
- ・物理学科/各学科にデータ駆動科学ー講座導入
- 民間企業のR&D組織の新陳代謝を加速
- 自分のポジションは、自分が創る.

